

**Prisme droit et cylindre de révolution**

Un **prisme droit** possède :

- Deux polygones superposables et parallèles appelés **les bases**,
- Des rectangles pour les autres faces appelées **faces latérales**.



Un **cylindre de révolution\*** possède :

- Deux disques superposables et parallèles appelés **les bases**,
- Un rectangle enroulé autour des bases appelée **surface latérale**.



(\*) On obtient un cylindre en faisant tourner un rectangle autour de l'un de ses côtés.

**Pyramides et cônes de révolution**

Une **pyramide** possède :

- Une face polygonale appelée **la base**,
- Des faces triangulaires, appelées **faces latérales**. Elles ont un sommet commun : le **sommet** de la pyramide.



Un **cône de révolution\*\*** possède :

- Un disque appelé **la base**,
- Une **surface latérale** et un **sommet**.



(\*\*) On obtient un cône en faisant tourner un triangle rectangle autour d'un des petits côtés.

**Sphères et boules**

- La **sphère\*** de centre O et de rayon R est formée de l'ensemble des points M tels que  $OM = R$ .
- La **boule\*\*** de centre O et de rayon R est constituée de l'ensemble des points M tels que  $OM \leq R$ .

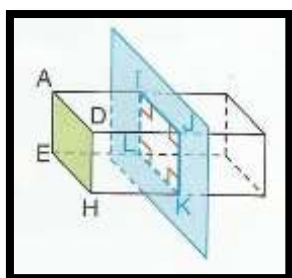


(\*) Une balle de tennis est modélisée par une sphère (elle est creuse),

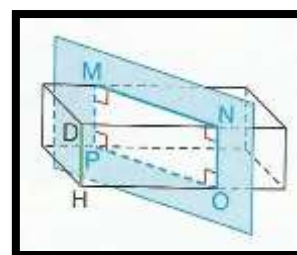
(\*\*) Tandis qu'une orange est modélisée par une boule (elle est pleine).

### Section d'un prisme droit par un plan

La section d'un prisme droit par un plan **parallèle à une base** est un **polygone** de mêmes dimensions que la base.

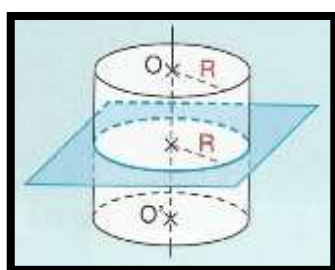


La section d'un prisme droit par un plan **parallèle à une arête latérale** est un **rectangle** dont une dimension est la longueur de l'arête.

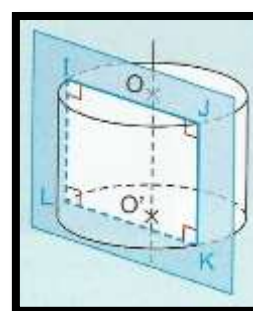


### Section d'un cylindre par un plan

La section d'un cylindre par un plan **parallèle à une base** est un **cercle** de même rayon que la base.

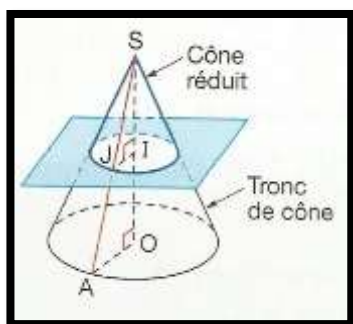


La section d'un cylindre par un plan **parallèle à son axe** est un **rectangle** dont une dimension est la hauteur du cylindre.

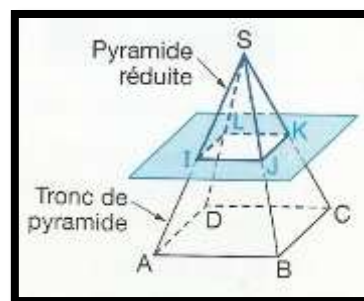


### Section d'un cône et d'une pyramide par un plan

La section d'un cône par un plan **parallèle à sa base** est une **réduction du cercle** de base.



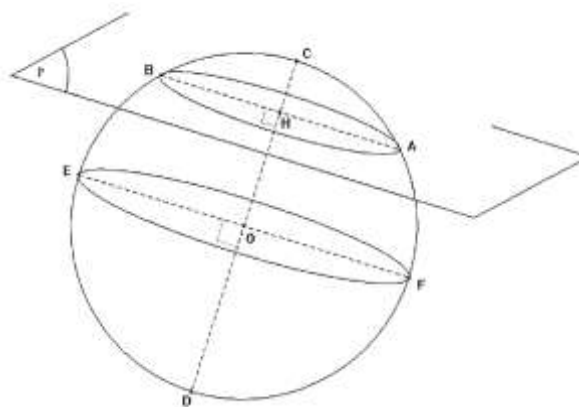
La section d'une pyramide par un plan **parallèle à sa base** est une **réduction du polygone** de base.



### Section d'une sphère/boule par un plan

La section d'une **sphère** par un plan est un **cercle**. La section d'une **boule** par un plan est un **disque**.

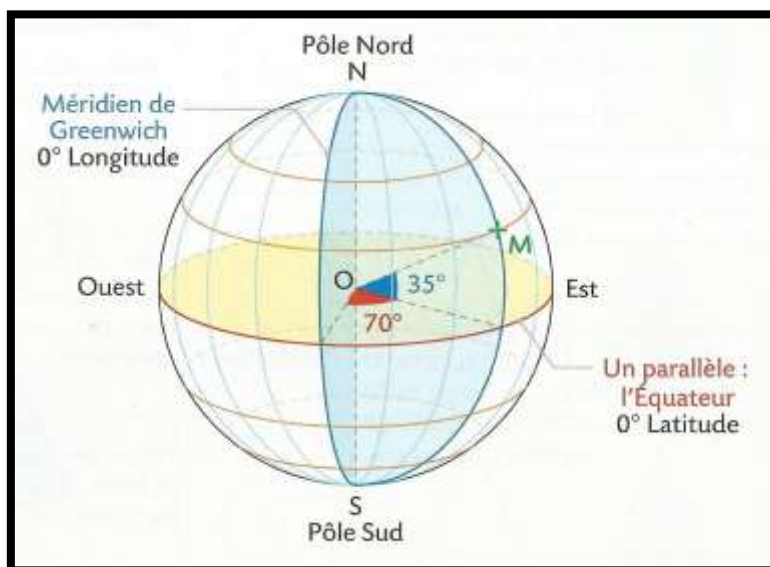
Le rayon du cercle/disque dépend de l'endroit où on coupe la sphère/boule. On calcule ce rayon à l'aide du théorème de Pythagore. Lorsque le plan passe par le centre de la sphère/boule on parle d'un « grand cercle ».



### Se repérer sur une sphère

Pour se repérer sur la terre, les hommes ont tracé des lignes imaginaires : des **parallèles** et des **méridiens**. Pour repérer un point sur la surface de la terre, il faut croiser deux lignes imaginaires :

- Un **parallèle** qui donne la **latitude**, c'est-à-dire la valeur de l'angle que l'on mesure entre ce parallèle et le **parallèle de référence appelé l'équateur**,
- Un **méridien** qui donne la **longitude**, c'est-à-dire la valeur de l'angle que l'on mesure entre ce méridien et le **méridien d'origine appelé méridien de Greenwich**.

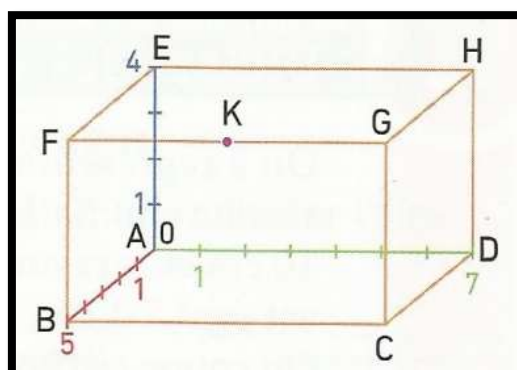


Par exemple, le point M placé à la surface de cette sphère a pour coordonnées géographiques  $35^\circ$  Nord (qui représente sa latitude) et  $70^\circ$  Est (qui représente sa longitude).

### Se repérer dans un pavé droit

On peut se repérer dans un parallélépipède rectangle en prenant un des sommets comme origine et en notant l'**abscisse** et l'**ordonnée** sur la base du pavé droit et l'**altitude** sur le troisième côté.

Le triplet de nombres (**abscisse ; ordonnée ; altitude**) constituent les **coordonnées du point**.



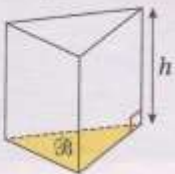
### Volume d'un prisme droit ou d'un cylindre

On obtient le **volume d'un prisme droit** ainsi que le **volume d'un cylindre de révolution** en :

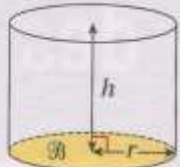
- Déterminant l'aire de la base,
- En multipliant l'aire de la base par la hauteur du solide.

**PROPRIÉTÉ** Le volume  $\mathcal{V}$  d'un prisme droit ou d'un cylindre est :  $\mathcal{V} = \mathcal{B} \times h$ .

Pour ce prisme,  $\mathcal{B}$  est l'aire du triangle de base.



Pour le cylindre, la base est un disque de rayon  $r$ , donc  $\mathcal{B} = \pi \times r^2$ , d'où  $\mathcal{V} = \pi \times r^2 \times h$ .



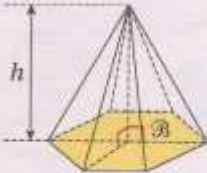
### Volume d'une pyramide ou d'un cône de révolution

On obtient le **volume d'une pyramide** ainsi que le **volume d'un cône de révolution** en :

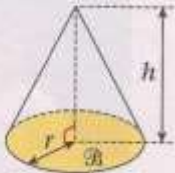
- Déterminant l'aire de la base,
- En multipliant l'aire de la base par la hauteur du solide,
- En prenant le tiers du résultat obtenu (c'est-à-dire en divisant par 3).

**PROPRIÉTÉ** Le volume  $\mathcal{V}$  d'une pyramide ou d'un cône est :  $\mathcal{V} = \frac{1}{3} \mathcal{B} \times h$ .

Pour cette pyramide,  $\mathcal{B}$  est l'aire de l'hexagone de base.




Pour le cône, la base est un disque de rayon  $r$ , donc  $\mathcal{B} = \pi \times r^2$ , d'où  $\mathcal{V} = \frac{1}{3} \times \pi r^2 \times h$ .



### Volume d'une sphère/boule

On obtient le **volume d'une sphère/boule** de rayon donné en appliquant la formule proposée ci-contre, à connaître par cœur...

**PROPRIÉTÉ** Le volume  $\mathcal{V}$  d'une boule de rayon  $r$  est :


$$\mathcal{V} = \frac{4}{3} \pi \times r^3$$


### Effet d'un agrandissement/réduction

Dans un agrandissement/réduction de rapport  $k$  :

- Les **longueurs** sont multipliées par  $k$ ,
- Les **surfaces** sont multipliées par  $k^2$ ,
- Les **volumes** sont multipliés par  $k^3$ .

Agrandissement de rapport  $k = 3$



Réduction de rapport  $k' = \frac{1}{3}$